

Diferenciální rovnice

$$y' - 2xy = (\sin x + 1)e^{x^2}$$

I $y' = \frac{dy}{dx}$

$$\frac{dy}{dx} = 2xy \quad | :y \quad | \cdot dx$$

$$\int \frac{dy}{y} = 2 \int x dx \quad | \int$$

$$\ln|y| = 2 \frac{x^2}{2} + c \quad | \text{odln}$$

$$|y| = e^{x^2 + c}$$

$$|y| = e^{x^2} \cdot \underbrace{e^c}_{\text{konstanta}}$$

$y = Ke^{x^2}$ - toto je řešení rovnice $y' - 2xy = 0$

Řešení celé rovnice je $y = Ke^{x^2} + v(x)$

$v(x)$: VARIACE KONSTANTY = 3 KONSTANTY UŽÍVAJÍM FUNKCI

$$y = k(x) \cdot e^{x^2} \quad y' = k'(x) \cdot e^{x^2} + k(x) \cdot e^{x^2} \cdot 2x$$

Dosažení do zadání

$$k'(x)e^{x^2} + \cancel{k(x)e^{x^2} \cdot 2x} - 2x \cdot \cancel{k(x)e^{x^2}} = (\sin x + 1)e^{x^2} \quad | :e^{x^2}$$

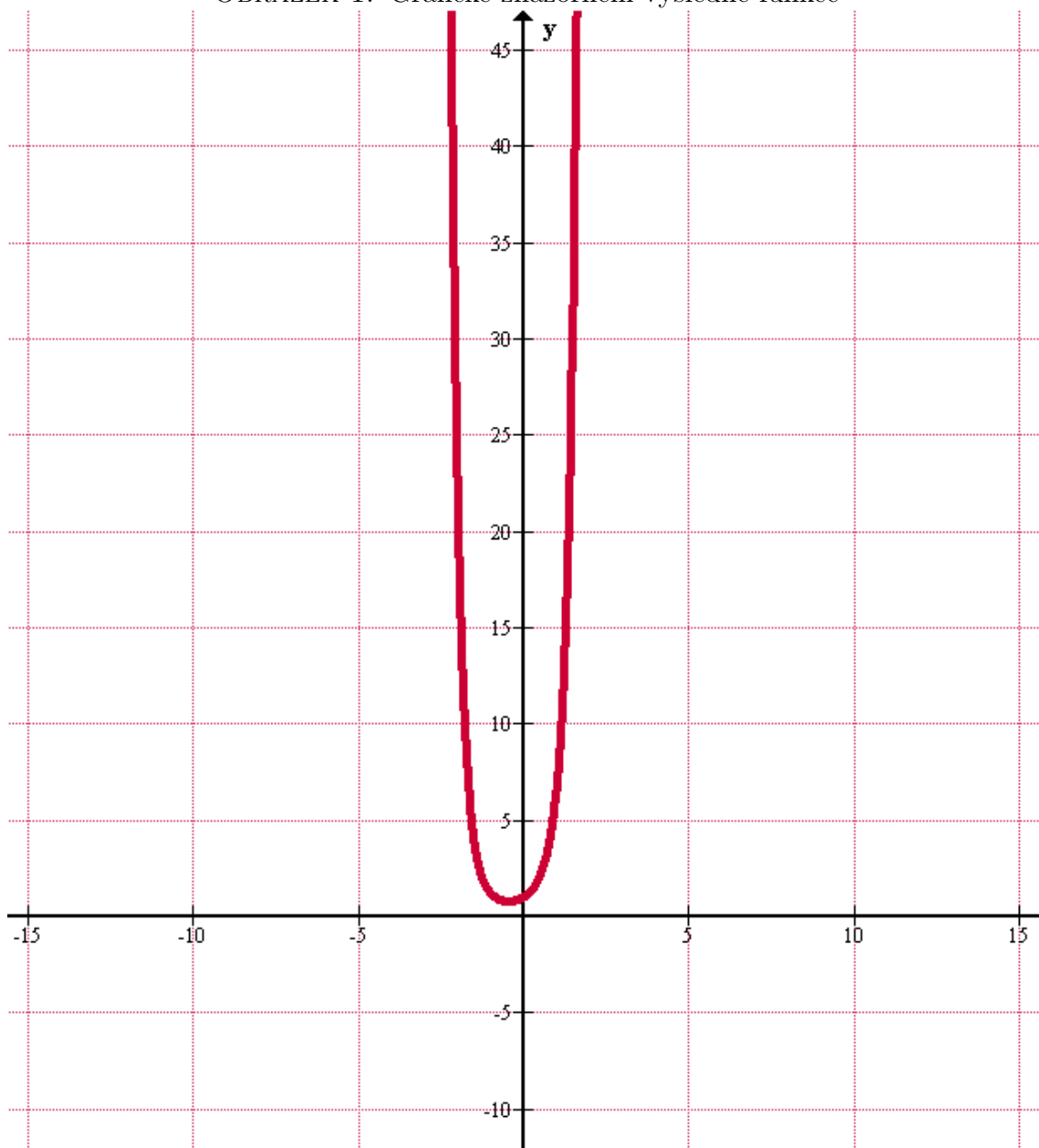
$$k'(x) = \sin(x) + 1 \quad | \int$$

$$k(x) = \int [\sin(x) + 1] dx$$

$$\underline{k(x) = -\cos x + x}$$

$$\underline{y = Ke^{x^2} + e^{x^2}(x - \cos x) = e^{x^2}(K + x - \cos x)}$$

OBRÁZEK 1. Grafické znázornění výsledné funkce



Zdroj: program Graph

Neznámými v těchto rovnicích nejsou čísla, ale jsou jimi funkce. Ve výsledku se objevuje C (nebo K), tedy libovolně volitelně konstanta. Pro zobrazení této funkce byla náhodně zvolena konstanta C (nebo K) = 2.